

$$\Delta \vec{V}_2 = \vec{V}_3 - \vec{V}_1$$

أي أن : نختار نقطة كيفية 0 خارج التسجيل .

• انطلاقا من هذه النقطة 0 نرسم شعاعا \vec{V}_1 مسايرا للشعاع \vec{V}_1

• انطلاقا من هذه النقطة 0 نرسم شعاعا \vec{V}_3 مسايرا للشعاع \vec{V}_3

• نرسم الشعاع $\Delta \vec{V}_2$ ، بحيث تكون بدايته في نهاية \vec{V}_1

و نهايته في نهاية \vec{V}_3 بهذا الترتيب ، $\Delta \vec{V}_2 = \vec{V}_3 - \vec{V}_1$

• بما أن \vec{V}_1 و \vec{V}_3 يسايران \vec{V}_1 و \vec{V}_3 على الترتيب ، فإن $\Delta \vec{V}_2$ يساير $\Delta \vec{V}_2$.

• وفي الأخير، نرسم في الموضع M_2 الشعاع $\Delta \vec{V}_2$ المساير للشعاع $\Delta \vec{V}_2$.

— نرسم شعاع تغير السرعة $\Delta \vec{V}_2$ باتباع الطريقة المذكورة سابقا ثم نقيس طوله بالمسطرة على الرسم فنجد 1,35 cm .

— نرسم شعاع تغير السرعة $\Delta \vec{V}_2$ مسايرا لـ $\Delta \vec{V}_2$. و باعتماد سلم السرعات السابق : 1 cm \rightarrow 1 m/s

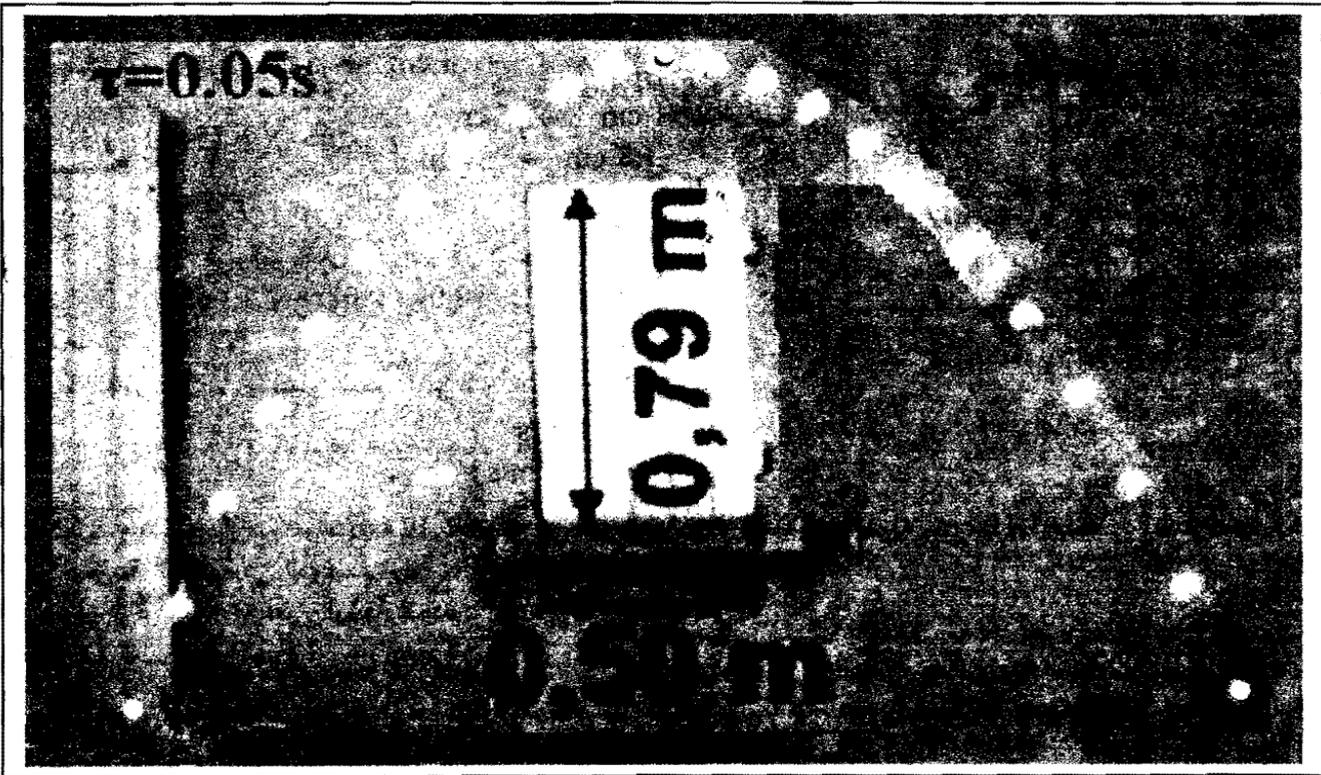
نستنتج قيمة $\Delta V_2 = 1,35$ m/s .

4— تمثل بصفة كيفية شعاع القوة في هذا الموضع .

شعاع القوة في هذا الموضع له نفس خصائص شعاع تغير السرعة أي نفس الحامل و نفس الجهة .

التمرين 10—

أعطى التصوير المتعاقب لحركة كرة صغيرة (التنس) المواضع الممثلة في الشكل الآتي :



(أ) الدراسة الشعاعية :

1— انقل على ورق شفاف مواضع الكرة ورقمها ابتداء من M_0 .

2— ماذا يمكنك أن تقول عن سرعة الكرة في مرحلة الصعود و في مرحلة النزول ؟ علل إجابتك .

3— احسب قيمة شعاع السرعة اللحظية في المواضع : $M_1, M_3, M_5, M_7, M_9, M_{11}, M_{13}, M_{15}, M_{17}, M_{19}, M_{21}$ ثم مثل أشعتها باختيار سلم مناسب .

4— استنتج بيانيا شعاع تغير السرعة ΔV في المواضع $M_2, M_6, M_{10}, M_{14}, M_{18}, M_{20}$ ماذا تستنتج ؟

5— ماذا يمكنك أن تستنتج بالنسبة للقوة المطبقة على الكرة ؟ مثلها كيفيا بشعاع في المواضع السابقة .

6— ما هو مصدر هذه القوة ؟ علل .

(ب) الدراسة البيانية (دراسة الحركة وفق المحورين OX و OY)

تقل مرة ثانية مواضع مركز الكرة على ورق شفاف ، ثم ارفق الرسم بمعلم متعامد ومتجانس $(0, x, y)$.
ثم المبدأ 0 منطبقا مع M_0 لتسهيل الدراسة.

مرحلة الصعود :

اسقط على المحورين كل نقاط هذه المرحلة.

تكون المسافات المتتالية المقطوعة وفق المحور OX خلال المجالات الزمنية τ ، ماذا تستنتج بالنسبة لسرعة الكرة V_x .
في قيمتها.

تفسر السؤال بالنسبة للمسافات المقطوعة وفق المحور OY خلال المجالات الزمنية τ ،
ما تستنتج بالنسبة لسرعة الكرة V_y ؟ ماذا تصبح هذه السرعة في أعلى موضع تبلغه الكرة ؟
والاعتماد على مبدأ العطالة ، ماذا تستنتج عن تأثير القوة على حركة الكرة وفق المحورين ؟

مرحلة النزول :

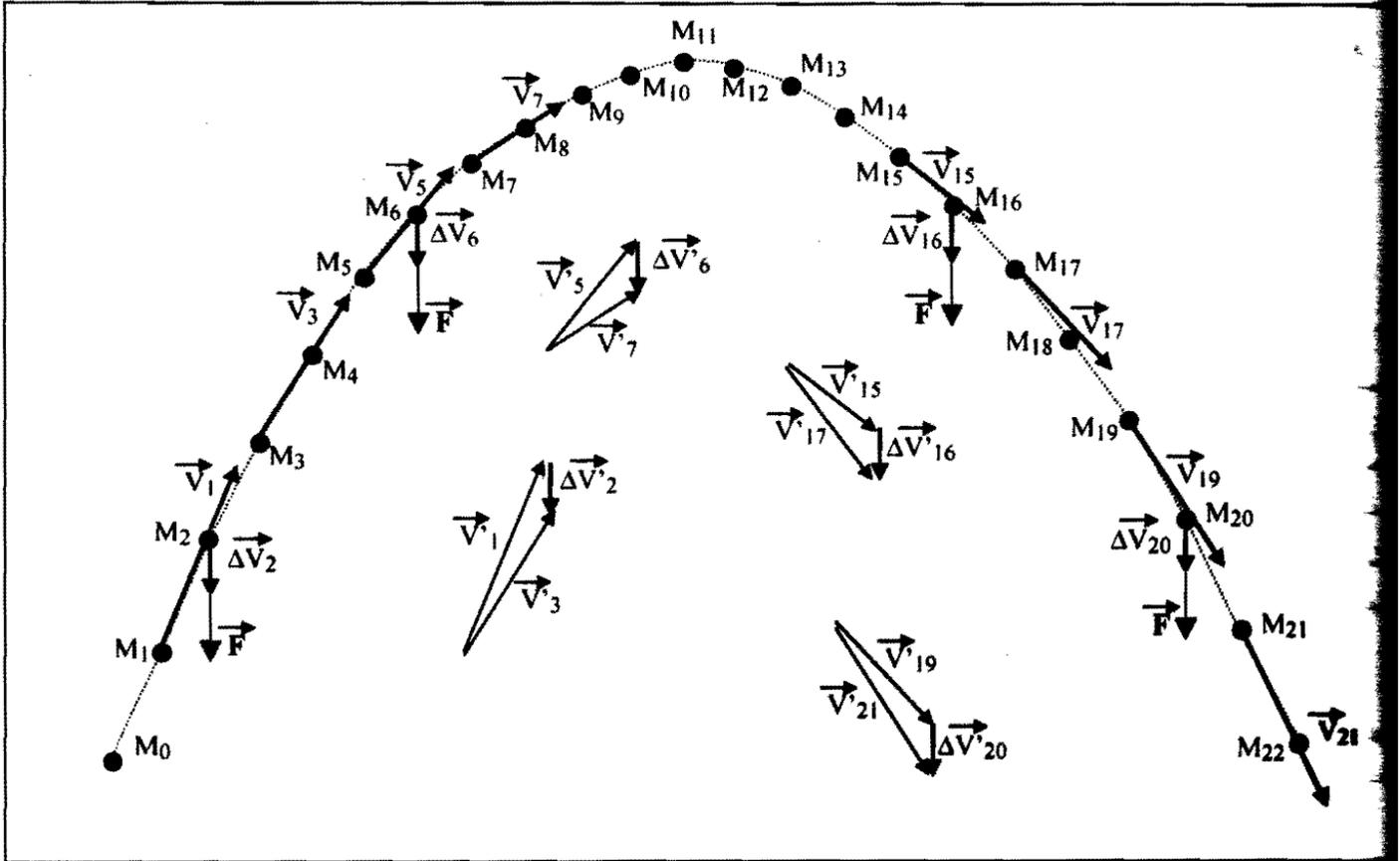
تفسر الأسئلة بالنسبة لهذه المرحلة ، ماذا تستنتج ؟

تكون نتائج هذه الدراسة مع نتائج السقوط الحر . ماذا تستنتج ؟

10 -

دراسة الشعاعية :

تقل على ورق شفاف مواضع الكرة و ترقمها ابتداء من M_0 .



مرحلة الصعود : سرعة الكرة قيمتها تتناقص لأن المسافات المتتالية خلال مرحلة الصعود من M_0 إلى M_{11} متناقصة .
مرحلة النزول : سرعة الكرة قيمتها تزداد لأن المسافات المتتالية خلال مرحلة النزول من M_{11} إلى M_{22} متزايدة .

حساب قيمة شعاع السرعة اللحظية في المواضع : $M_{21}, M_{19}, M_{17}, M_{15}, M_7, M_5, M_3, M_1$:
ثم تمثيل أشعتها باختيار سلم مناسب :

سحب قيم السرعة اللحظية \vec{V} في المواضع $M_{21}, M_{19}, M_{17}, M_{15}, M_7, M_5, M_3, M_1$ نستعين بطريقة تحديد
سرعة اللحظية في الحركة المنحنية المذكورة سابقا و نملأ الجدول التالي : سلم الأزمنة : $\tau = 0,05 \text{ s}$

تقار سلم المسافات و السرعة كالتالي : $1 \text{ cm} \rightarrow 6 \text{ m/s}$ ، $1 \text{ cm} \rightarrow 0,5 \text{ m}$

مواضع النقاط	M ₀	M ₁	M ₃	M ₅	M ₇	M ₁₅	M ₁₇	M ₁₉	M ₂₁
المجال		M ₀ M ₂	M ₂ M ₄	M ₄ M ₆	M ₆ M ₈	M ₁₄ M ₁₆	M ₁₆ M ₁₈	M ₁₈ M ₂₀	M ₂₀ M ₂₂
المسافة المقاسة (x (cm)		3.1	2.7	2.2	1.7	1.7	2.2	2.7	3.1
المسافة الحقيقية (d (m)		1.55	1.32	1.1	0.85	0.85	1.1	1.32	1.55
السرعة (v (m/s)		V ₁	V ₃	V ₅	V ₇	V ₁₅	V ₁₇	V ₁₉	V ₂₁
السرعة (v (m/s)		15.5	13.2	11	8.5	8.5	11	13.2	15.5
طول الشعاع v على الشكل		2.58	2.20	1.83	1.41	1.41	1.83	2.20	2.58

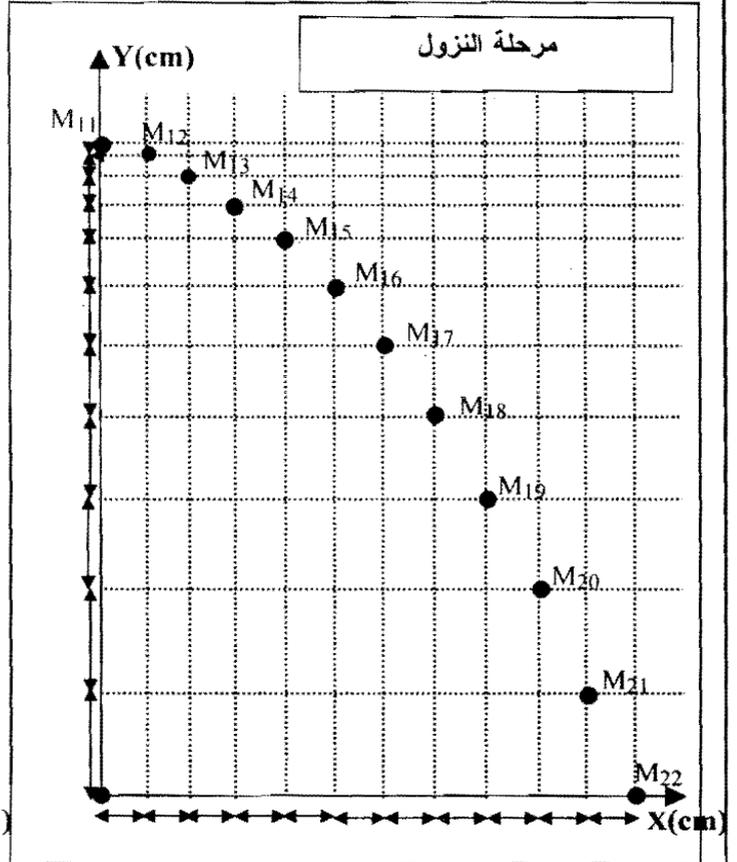
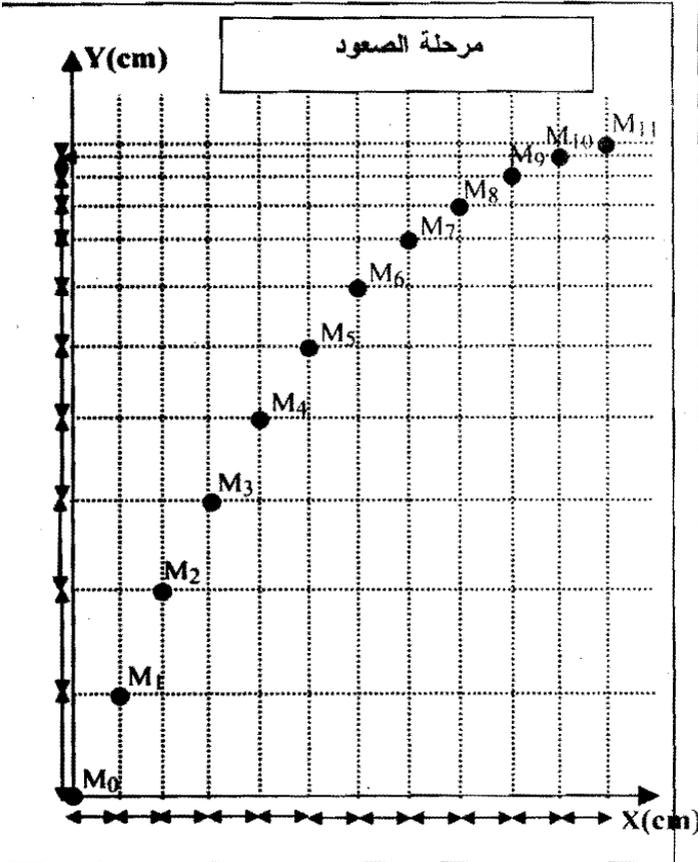
4- استنتاج بيانيا قيم شعاع تغير السرعة ΔV في المواضع M₂ . M₆ . M₁₆ . M₂₀ :
انظر الجدول : 1 cm \rightarrow 6 m/s

مواضع النقاط	M ₂	M ₆	M ₁₆	M ₂₀
طول الشعاع ΔV (cm) على الشكل	0.68	0.68	0.68	0.68
قيمة تغير السرعة ΔV (m/s)	4.08	4.08	4.08	4.08

- نحصل على قيم أشعة تغير السرعة ΔV بقياس طولها على الشكل . و نلاحظ في المرحلتين أن قيم أشعة تغير السرعة ΔV تقريبا متساوية ، حواملها كلها شاقولية و لها نفس الجهة و كلها تتجه نحو مركز الأرض .
- 5- نستنتج بالنسبة للقوة المطبقة على الكرة في المرحلتين أن قيمها تقريبا متساوية ، حواملها كلها شاقولية و لها نفس الجهة كلها تتجه نحو مركز الأرض لأنها تحمل نفس خصائص شعاع تغير السرعة . .
- تمثيلها كيفيا بشعاع في المواضع السابقة : انظر الشكل .
- 6- مصدر هذه القوة : القوة المطبقة على الكرة متجهة دوما نحو مركز الأرض .
- نسمي هذه القوة قوة جذب الأرض للكرية ، أو قوة تأثير الأرض على الكرية ونرمز لها بالرمز \vec{F}_{TC} .

ب) الدراسة البيانية

النقل مرة ثانية مواضع مركز الكرة على ورق شفاف ، ثم ارفاق الرسم بمعلم متعامد ومتجانس (0 , x , y) واختيار المبدأ O منطبقا مع M₀ لتسهيل الدراسة.



لذا تقسيم الحركة إلى مرحلتين و دراسة كل واحدة على حدى و ارفقنا كل مرحلة بمعلم متعامد و متجانس .

مرحلة الصعود :

نقاط على المحورين كل نقاط هذه المرحلة.

معرفة المسافات المتتالية المقطوعة وفق المحور OX خلال المجالات الزمنية τ :
 الشكل نلاحظ أن كل المسافات المتتالية وفق المحور OX متساوية .

مع قيم السرعة اللحظية \vec{V}_X في مرحلة الصعود أي في المواضع $M_1, M_2, M_3, M_4, M_5, \dots, M_{10}, M_{11}$
 من بطريقة تحديد السرعة اللحظية في الحركة المنحنية المذكورة سابقا و نملاً الجدول التالي : سلم الأزمنة : $\tau = 0,05 \text{ s}$
 المسافات : نستخرجه من الشكل حيث نقيس بالمسطرة على الوثيقة طول القطعة الموافق لعرض النافذة أي $0,5 \text{ m}$
 وحدة : $2,6 \text{ cm}$. و منه : $0,5 \text{ m} \rightarrow 2,6 \text{ cm}$.

$$\left. \begin{array}{l} 2,6 \text{ cm} \rightarrow 0,50 \text{ m} \\ 1 \text{ cm} \rightarrow X \text{ m} \end{array} \right\} \Rightarrow X = (1 \times 0,50)/2,6 = 0,19 \text{ m}$$

سلم المسافات : $1 \text{ cm} \rightarrow 0,19 \text{ m}$

تكرار سلم المسافات : $1 \text{ cm} \rightarrow 0,19 \text{ m}$

مواضع النقاط	M ₀	M ₁	M ₂	M ₃	M ₄	M ₅	...	M ₁₀	M ₁₁
المجالات على المحور OX		M ₀ M ₂	M ₁ M ₃	M ₂ M ₄	M ₃ M ₅	M ₄ M ₆	...	M ₉ M ₁₁	
المسافة المقاسة (cm) x		1,2	1,2	1,2	1,2	1,2	...	1,2	
المسافة الحقيقية (m) d		0,22	0,22	0,22	0,22	0,22	...	0,22	
السرعة V _X		V ₁	V ₂	V ₃	V ₄	V ₅	...	V ₁₀	V ₁₁
قيمة السرعة (m/s) V _X		2,2	2,2	2,2	2,2	2,2	...	2,2	...

مستنتج بالنسبة لسرعة الكرة V_X أنها ثابتة قيمة و جهة و قيمتها : $V_X = 2,2 \text{ m/s}$.

معرفة المسافات المتتالية المقطوعة وفق المحور OY خلال المجالات الزمنية τ ،

الشكل نلاحظ المسافات المتتالية وفق المحور OY ليست متساوية أي متناقصة بانتظام .

مع قيم السرعة اللحظية \vec{V}_Y في مرحلة الصعود أي في المواضع $M_1, M_2, M_3, M_4, M_5, \dots, M_{10}, M_{11}$
 من بطريقة تحديد السرعة اللحظية في الحركة المنحنية المذكورة سابقا و نملاً الجدول التالي : سلم الأزمنة : $\tau = 0,05 \text{ s}$
 المسافات : نستخرجه من الشكل حيث نقيس بالمسطرة على الوثيقة طول القطعة الموافق لطول النافذة أي $0,79 \text{ m}$
 وحدة : $4,4 \text{ cm}$. و منه : $0,79 \text{ m} \rightarrow 4,4 \text{ cm}$.

$$\left. \begin{array}{l} 4,4 \text{ cm} \rightarrow 0,79 \text{ m} \\ 1 \text{ cm} \rightarrow X \text{ m} \end{array} \right\} \Rightarrow X = (1 \times 0,79)/4,4 = 0,18 \text{ m}$$

سلم المسافات : $1 \text{ cm} \rightarrow 0,18 \text{ m}$

تكرار سلم المسافات : $1 \text{ cm} \rightarrow 0,18 \text{ m}$

مواضع النقاط	M ₀	M ₁	M ₂	M ₃	M ₄	M ₅	...	M ₁₀	M ₁₁
المجالات على المحور OY		M ₀ M ₂	M ₁ M ₃	M ₂ M ₄	M ₃ M ₅	M ₄ M ₆	...	M ₉ M ₁₁	
المسافة المقاسة (cm) Y		2,7	2,5	2,2	2	1,7	...	0,4	
المسافة الحقيقية (m) d		0,48	0,45	0,39	0,36	0,30	...	0,07	
السرعة V _Y		V ₁	V ₂	V ₃	V ₄	V ₅	...	V ₁₀	V ₁₁
قيمة السرعة (m/s) V _Y		4,8	4,5	3,9	3,6	3,0	...	0,7	0

مستنتج بالنسبة لسرعة الكرة V_Y أنها متناقصة بانتظام تتعدم في الموضع M₁₁ .
 تصبح هذه السرعة في أعلى موضع تبلغه الكرة منعدمة .

4- بالاعتماد على مبدأ العطالة ، نستنتج عن تأثير القوة على حركة الكرة وفق المحورين :
 - وفق المحور OX : بما أن السرعة ثابتة فالحركة مستقيمة منتظمة و منه تأثير القوة على حركة الكرة معدوم .
 - وفق المحور OY : بما أن السرعة متناقصة فالحركة مستقيمة متباطئة بانتظام و منه شعاع تغير السرعة غير معدوم و جهته عكس جهة الحركة . بما أن الحركة مستقيمة ليست منتظمة فتأثير القوة على حركة الكرة غير معدوم حيث توجد قوة شعاعها له نفس خصائص شعاع تغير السرعة أي عكس جهة الحركة أي نحو مركز الأرض .

• مرحلة النزول :

1- الإسقاط على المحورين كل نقاط هذه المرحلة .

2- مقارنة المسافات المتتالية المقطوعة وفق المحور OX خلال المجالات الزمنية τ :
 من الشكل نلاحظ أن كل المسافات المتتالية وفق المحور OX متساوية .

لحساب قيم السرعة اللحظية \vec{V}_X في مرحلة النزول أي في المواضع $M_{11}, M_{12}, M_{13}, M_{14}, M_{15}, M_{16}, \dots, M_{21}, M_{22}$ نستعين بطريقة تحديد السرعة اللحظية في الحركة المنحنية المذكورة سابقا و نملاً الجدول التالي : سلم الأزمنة : $\tau = 0,05 \text{ s}$
 سلم المسافات : نستخرجه من الشكل حيث نقيس بالمسطرة على الوثيقة طول القطعة الموافق لعرض النافذة أي $0,5 \text{ m}$ فنجده : $2,6 \text{ cm}$. و منه : $0,5 \text{ m} \rightarrow 2,6 \text{ cm}$.

$$\left. \begin{array}{l} 2,6 \text{ cm} \rightarrow 0,50 \text{ m} \\ 1 \text{ cm} \rightarrow X \text{ m} \end{array} \right\} \Rightarrow X = (1 \times 0,50)/2,6 = 0,19 \text{ m}$$

نجد سلم المسافات : $1 \text{ cm} \rightarrow 0,19 \text{ m}$

باعتبار سلم المسافات : $1 \text{ cm} \rightarrow 0,19 \text{ m}$

مواضع النقاط	M_{11}	M_{12}	M_{13}	M_{14}	M_{15}	M_{16}	...	M_{21}	M_{22}
المجالات على المحور OX		$M_{11}M_{13}$	$M_{12}M_{14}$	$M_{13}M_{15}$	$M_{14}M_{16}$	$M_{15}M_{17}$...	$M_{20}M_{22}$	
المسافة المقاسة (cm)		1,2	1,2	1,2	1,2	1,2	...	1,2	
المسافة الحقيقية (m)		0,22	0,22	0,22	0,22	0,22	...	0,22	
السرعة V_X		V_1	V_2	V_3	V_4	V_5	...	V_{10}	V_{11}
قيمة السرعة (m/s)		2,2	2,2	2,2	2,2	2,2	...	2,2	...

- نستنتج بالنسبة لسرعة الكرة V_X أنها ثابتة قيمة و جهة و قيمتها : $V_X = 2,2 \text{ m/s}$.

3- مقارنة المسافات المتتالية المقطوعة وفق المحور OY خلال المجالات الزمنية τ ،
 من الشكل نلاحظ المسافات المتتالية وفق المحور OY ليست متساوية أي متزايدة بانتظام .

لحساب قيم السرعة اللحظية \vec{V}_Y في مرحلة النزول أي في المواضع $M_{11}, M_{12}, M_{13}, M_{14}, M_{15}, M_{16}, \dots, M_{21}, M_{22}$ نستعين بطريقة تحديد السرعة اللحظية في الحركة المنحنية المذكورة سابقا و نملاً الجدول التالي : سلم الأزمنة : $\tau = 0,05 \text{ s}$
 سلم المسافات : نستخرجه من الشكل حيث نقيس بالمسطرة على الوثيقة طول القطعة الموافق لطول النافذة أي $0,79 \text{ m}$ فنجده : $4,4 \text{ cm}$. و منه : $0,79 \text{ m} \rightarrow 4,4 \text{ cm}$.

$$\left. \begin{array}{l} 4,4 \text{ cm} \rightarrow 0,79 \text{ m} \\ 1 \text{ cm} \rightarrow X \text{ m} \end{array} \right\} \Rightarrow X = (1 \times 0,79)/4,4 = 0,18 \text{ m}$$

نجد سلم المسافات : $1 \text{ cm} \rightarrow 0,18 \text{ m}$

باعتبار سلم المسافات : $1 \text{ cm} \rightarrow 0,18 \text{ m}$

مواضع النقاط	M_{11}	M_{12}	M_{13}	M_{14}	M_{15}	M_{16}	...	M_{21}	M_{22}
المجالات على المحور OY		$M_{11}M_{13}$	$M_{12}M_{14}$	$M_{13}M_{15}$	$M_{14}M_{16}$	$M_{15}M_{17}$...	$M_{20}M_{22}$	
المسافة المقاسة (cm)		0,4	0,6	0,8	1	1,4	...	2,2	
المسافة الحقيقية (m)		0,07	0,10	0,14	0,18	0,25	...	0,39	
السرعة V_Y		V_{12}	V_{13}	V_{14}	V_{15}	V_{16}	...	V_{21}	V_{22}
قيمة السرعة (m/s)		0,7	1,00	1,40	1,80	2,50	...	3,90	...

تستنتج بالنسبة لسرعة الكرة V_T أنها متزايدة بانتظام .

بالإعتماد على مبدأ العطالة ، نستنتج عن تأثير القوة على حركة الكرة وفق المحورين :

• وفق المحور OX : بما أن السرعة ثابتة فالحركة مستقيمة منتظمة و منه تأثير القوة على حركة الكرة معدوم .

• وفق المحور OY : بما أن السرعة متزايدة فالحركة مستقيمة متسارعة بانتظام و منه شعاع تغير السرعة غير معدوم و جهته

في جهة الحركة . بما أن الحركة مستقيمة ليست منتظمة فتأثير القوة على حركة الكرة غير معدوم حيث توجد قوة شعاعها له

في خصائص شعاع تغير السرعة أي نفس جهة الحركة أي نحو مركز الأرض .

مقارنة نتائج هذه الدراسة مع نتائج حركة السقوط الحر : حركة السقوط الحر ما هي إلا حالة خاصة لحركة قذيفة بدون سرعة

أفقية إذ في هذه الحالة نحصل على حركة على المحور OY فقط فيحدث مطابقة تامة بين حركة السقوط الحر و الحركة السابقة

على محور OY إذ القوة المؤثرة الوحيدة هي قوة جذب الأرض للأجسام الموجهة دوما نحو مركز الأرض. حيث أن الحركة تكون

أما متغيرة بانتظام ، متسارعة عند النزول و متباطئة عند الصعود .

